

# Numerische Mathematik I für Ingenieure SS12

## Verständnisfragen – Hausübung 4

<b>VF-1:</b> Beantworte alle Fragen mit wahr oder falsch!		
1.	Das Produkt von unteren Dreiecksmatrizen ist wieder eine untere Dreiecksmatrix.	
2.	Die Inverse einer oberen nichtsingulären Dreiecksmatrix ist eine untere Dreiecksmatrix.	
3.	Die Inverse einer unteren nichtsingulären Dreiecksmatrix ist nicht immer eine Dreiecksmatrix.	
4.	Das Produkt von zwei regulären Matrizen ist wieder regulär.	

<b>VF-2:</b> Es seien $A$ eine reguläre Matrix, $L$ eine normierte untere Dreiecksmatrix und $R$ eine obere Dreiecksmatrix im $\mathbb{R}^{n \times n}$ . Beantworte alle Fragen mit wahr oder falsch!		
1.	Es existiert immer eine Zerlegung $A = LR$ .	
2.	Die Determinante von $A$ ist ungleich 0.	
3.	Wenn $A = LR$ ist, dann ist die Determinante von $A$ das Produkt der Diagonaleinträge von $R$ . ( $\det(A) = \prod_{i=1}^n r_{ii}$ )	
4.	Das homogene System $Ax = 0$ besitzt nur die triviale Lösung $x = 0$ .	

<b>VF-3:</b> Es seien $A \in \mathbb{R}^{n \times n}$ regulär, $b \in \mathbb{R}^n$ und gesucht sei die Lösung $x \in \mathbb{R}^n$ von $Ax = b$ . Beantworte alle Fragen mit wahr oder falsch!		
1.	Durch Pivotisierung kann die Stabilität der LR-Zerlegung verbessert werden.	
2.	Pivotisierung verbessert die Kondition des linearen Gleichungssystems.	
3.	Zeilenäquilibrierte Matrizen sind immer gut konditioniert.	
4.	Sei $\kappa(A)$ die Konditionszahl der Matrix $A$ . Bei Störung der Eingabedaten $A$ und $b$ ist der relative Fehler in der Lösung maximal um einen Faktor $\kappa(A)$ größer als der relative Eingabefehler.	