

# Numerische Mathematik I für Ingenieure SS13

## Verständnisfragen – Übung 2

Hier noch einmal einige Hinweise zu den Verständnisfragen. Die Lösungen sollten nicht auswendig gelernt werden. Man sollte verstehen, warum die entsprechenden Aussagen richtig oder falsch sind.

<b>VF-1:</b> Es sei $\mathbb{M}(b, m, r, R)$ die Menge der Maschinenzahlen mit Basis $b \in \mathbb{N}$ , Mantissenlänge $m \in \mathbb{N}$ , Exponent $e \in \mathbb{Z}$ mit $r \leq e \leq R$ , und relativer Maschinengenauigkeit $\text{eps} := \frac{b^{1-m}}{2}$ . Ferner sei $\text{fl} : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{M}(b, m, r, R)$ die Standardrundungsabbildung. Beantworte alle Fragen mit wahr oder falsch.		
1.	$ \text{fl}(x) - x  \leq \text{eps}$ für alle $x \in \mathbb{R}$ .	
2.	$\left  \frac{\text{fl}(x) - x}{x} \right  \leq \text{eps}$ für alle $x \in \mathbb{R}, x \neq 0$ .	
3.	Für jedes $x \in \mathbb{R}$ existiert eine Zahl $\varepsilon$ mit $ \varepsilon  \leq \text{eps}$ und $\text{fl}(x) = (1 + \varepsilon)x$ .	
4.	Für jedes $x \in \mathbb{R}$ existiert eine Zahl $\varepsilon$ mit $ \varepsilon  \leq \text{eps}$ und $\text{fl}(x) = x + \varepsilon$ .	

<b>VF-2:</b> Es sei $A \in \mathbb{R}^{n \times n}$ mit $\det(A) \neq 0$ , und $\kappa_2(A)$ bezeichne die Konditionszahl der Matrix $A$ bezüglich der Euklidischen Norm. Beantworte alle Fragen mit wahr oder falsch.		
1.	$\kappa_2(A) \geq 1$ .	
2.	$\kappa_2(\alpha A) = \kappa_2(A)$ für alle $\alpha \in \mathbb{R}, \alpha \neq 0$ .	
3.	$\kappa_2(A^{-1}) = \kappa_2(A)^{-1}$ .	
4.	$\kappa_2(A) = 1$ falls $A$ orthogonal ist.	